

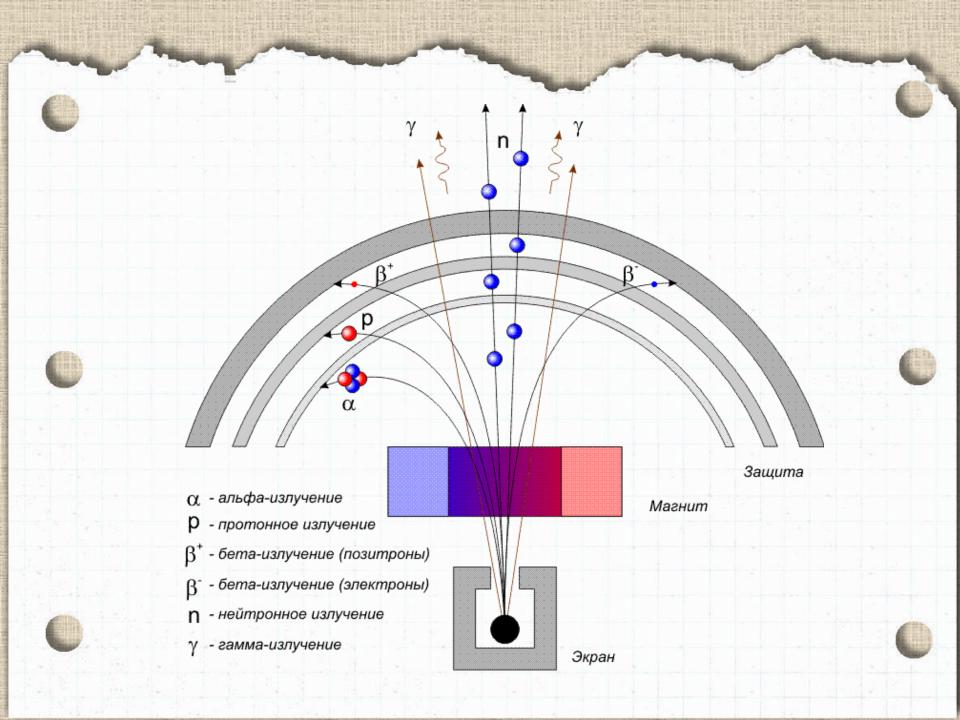




«Радиологические измерения»

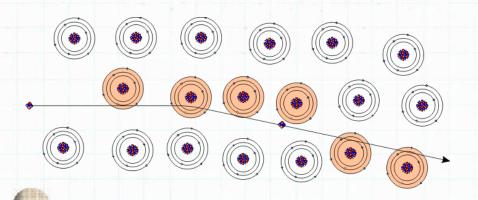
# Лекция 5. Взаимодействие радиоактивного излучения с веществом.

и.о. доцента кафедры теоретической и ядерной физики PhD Зарипова Ю.А.



## Прохождение тяжелых заряженных частиц через вещество

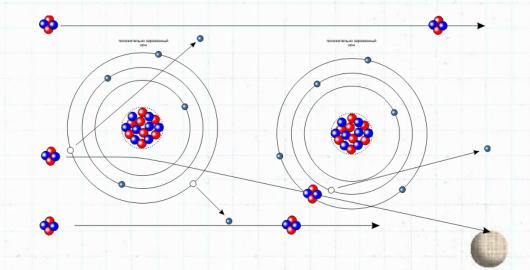
# Ионизация атомов вещества



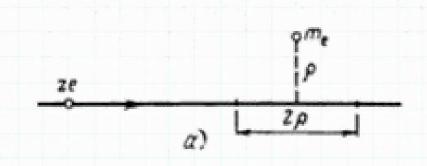
**ИОНИЗАЦИЯ АТОМА** – это процесс превращения электрически нейтрального атома вещества в ион, то есть электрически заряженную частицу, образующуюся при потере или избыточном присоединении электронов данным атомом.

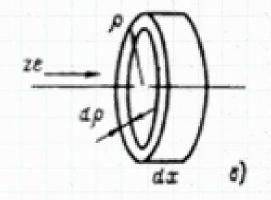
### ИОНИЗАЦИОННЫЕ ПОТЕРИ –

это потери энергии движущимися сквозь вещество заряженными частицами на механизм ионизации атомов вещества



# ионизационные потери





$$\Delta p_{\perp} = \int F_{\perp} dt$$
.

$$V = 2\pi \rho d\rho dx$$
.

$$\Delta p_{\perp} = 2ze^2/(\rho v).$$

$$Vn_e = 2\pi \rho n_e d\rho dx$$
.

$$\Delta T = \Delta p_{\perp}^2/(2m_e) = [2z^2e^4/(m_ev^2)](1/\rho^2).$$

$$dT = \Delta T V n_e = \left(\frac{4\pi n_e z^2 e^4}{m_e v^2}\right) \frac{d\rho}{\rho} dx,$$

а на единице длины

ины
$$\frac{dT}{dx}(\rho) = \left(\frac{4\pi n_e z^2 e^4}{m_e v^2}\right) \left(\frac{d\rho}{\rho}\right).$$

## Полные ИОНИЗАЦИОННЫЕ ПОТЕРИ

$$\frac{dT}{dx} = \int_{\rho_{\text{MRRR}}}^{\rho_{\text{MRRR}}} \frac{dT}{dx} (\rho) d\rho = \frac{4\pi n_e z^2 e^4}{m_e v^2} \ln \frac{\rho_{\text{MRRR}}}{\rho_{\text{MRRR}}}.$$

$$\left(\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}x}\right)_{\text{monors}} = -\frac{4\pi z^2}{\beta^2} n_e r_0^2 m_e c^2 \Bigg[ \ln \Bigg(\frac{2m_e c^2 \beta^2}{\overline{I}}\Bigg) - \ln(1-\beta^2) - \beta^2 \Bigg]. \label{eq:energy_monors}$$

$$-\frac{dE}{dx} = 3.1 \cdot 10^5 \cdot \frac{Z \cdot z^2 \rho}{A \beta^2} \left[ 11.2 + \ln \frac{\beta^2}{Z(1 - \beta^2)} - \beta^2 \right] \frac{9B}{cm}$$

## Зависимость Ионизационных потерь от частицы и среды

$$(dT_p/dx)_{v=v_0}=(dT_d/dx)_{v=v_0}.$$

$$(dT_d/dx)_{T=T_0}=(dT_p/dx)_{T=T_0/2}.$$

$$(dT_{\alpha}/dx)_{v=v_0} = 4(dT_p/dx)_{v=v_0}$$

$$(dT_{\alpha}/dx)_{T=T_0}=4(dT_p/dx)_{T=T_0/4}.$$

Удельные потери сильно изменяется при переходе от среды к среде.

т, мэв	(dt/dξ) <sub>возд</sub> , МэВ/(г · см - 2)	(dT/dξ) <sub>Pb</sub> , МэВ/(г · см <sup>-2</sup> )	т, МэВ	(dT/dξ) <sub>веся</sub> , МэВ/(г · см <sup>-2</sup> )	( <i>dT/d</i> ξ) <sub>Рь</sub> , МэВ/(г · см <sup>- 2</sup> )
1 10	300	150	100	7,5	5
	50	30	>10 <sup>3</sup>	2,3	1,6

# Пробег тяжелой заряженной частицы

- Потери энергии приводят к постепенному торможению частицы и, в конечном итоге, к её остановке.
- Полный путь, пройденный заряженной частицей в веществе называется пробегом.
- Энергия тяжелой заряженной частицы a меняется в веществе от  $E_a$  до 0 в результате различных механизмов взаимодействия, основным из которых для энергий  $E \le 100$  Мэв являются

ионизационные потери• 
$$R(E_a) = \int_0^R dx = \int_{E_a}^0 \frac{dE}{\left(\frac{dE}{dx}\right)} = \int_0^{E_a} \left(-\frac{dE}{dx}\right)^{-1} dE$$

# Пробег тяжелой заряженной частицы

Средний пробег  $R_{\alpha}$  моноэнергетических  $\alpha$  - частиц обычно рассчитывают по эмпирическим формулам.  $R_{\alpha}=a*E_{\alpha}^{*}$  В воздухе при нормальных условиях:

где  $R_{\alpha}$  - пробег в см;  $E_{\alpha}$  - кинетическая энергия  $\alpha$  - частиц в Мэв, m — показатель степени.

Для α-частиц (4<E<sub>α</sub><9 Мэв) a=0.318 , m=1.5 . Для α-частиц с более высокими энергиями Eα≤200 (Мэв) a=0.148 , n=1.8.

При необходимости можно приблизительно выразить пробег альфа-частицы с энергией  $E_{\alpha}$  в любом веществе с ее пробегом

в воздухе как:



$$R_{\alpha}^{A}(cM) = 0,56 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{A^{1/3}}{\rho_{A}} \cdot R_{\alpha}^{603\partial yx} =$$

$$=1,78 \cdot 10^{-4} \cdot \frac{A^{1/3}}{\rho_{A}} \cdot E_{\alpha}^{3/2}$$

# Здесь $E_{\alpha}$ в МэВ, плотность вещества с массовым числом А $\rho_{A}$ в г/см<sup>3</sup>.

Часто вместо линейного пробега используют массовый пробег заряженной частицы  $R_m$ , выражаемый в граммах на квадратный сантиметр (г/см²).  $R_m = \rho R$  где  $\rho$  - плотность вещества в г/см³.

## Прохождение легких заряженных частиц через вещество

# **Ионизационные потери энергии электронами.**

# Радиационные потери энергии электронов.

Удельные потери энергии электронов являются суммой ионизационных и радиационных потерь

$$\frac{dE}{dx} = \left(\frac{dE}{dx}\right)_{c} + \left(\frac{dE}{dx}\right)_{r}$$

#### Удельные ионизационные потери энергии электронов

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{\text{mom.}} = -\frac{2\pi}{\beta^2} n_{\text{e}} r_0^2 m_{\text{e}} c^2 \Bigg[ ln \Bigg( \frac{m_{\text{e}} c^2 T_{\text{e}}}{\overline{I}^2} \frac{\beta^2}{2(1-\beta^2)} \Bigg) - (2\sqrt{1-\beta^2} - 1 + \beta^2) ln 2 + 1 - \beta^2 \Bigg],$$

где  $m_e$  — масса электрона ( $m_e c^2 = 511$  кэB — энергия покоя электрона);  $T_e$  — кинетическая энергия электрона; c — скорость света;  $\beta = v/c$ ; v — скорость частицы;  $n_e = N_A$  ( Z/A) $\rho$  — плотность электронов вещества, где  $N_A$  — число Авогадро, Z — заряд ядер вещества среды B единицах заряда позитрона, A — атомный вес среды,  $\rho$  — плотность среды;  $\bar{I}$  — средний ионизационный потенциал атомов вещества среды, через которую проходит частица:  $\bar{I} = 13.5Z$  эB;  $r_0 = e^2/m_e c^2 = 2.818 \cdot 10^{-13}$  см — классический радиус электрона

## Прохождение легких заряженных частиц через вещество

# **Ионизационные потери энергии электронами.**

# Радиационные потери энергии электронов.

Удельные потери энергии электронов являются суммой ионизационных и радиационных потерь

$$\frac{dE}{dx} = \left(\frac{dE}{dx}\right)_{c} + \left(\frac{dE}{dx}\right)_{r}$$

#### Удельные радиационные потери энергии электронов

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{n=0} = -\frac{16}{3}n_e E \frac{Zr_0^2}{137}$$
  $E < m_e c^2 = 511 \text{ kpB}, (2)$ 

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{pag.} = -n_e E \frac{Zr_0^2}{137} \left(4\ln\frac{2E}{m_e c^2} - \frac{4}{3}\right) \quad 1 < E/m_e c^2 < 137/Z^{1/3}, \quad (3)$$

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{paq.} = -n_e E \frac{Zr_0^2}{137} \left(4 \ln \frac{183}{Z^{1/3}} + \frac{2}{9}\right) E/m_e c^2 > 137/Z^{1/3}, \quad (4)$$

где  $m_e$  — масса электрона ( $m_e c^2 = 511$  кэВ - энергия покоя электрона); с — скорость света; Z — заряд частицы в единицах заряда позитрона;  $n_e$  — плотность электронов в веществе;  $r_0 = e^2/m_e c^2 = 2.818 \cdot 10^{-13}$  см - классический радиус электрона

### Критическая энергия

Отношение удельных радиационных и ионизационных потерь энергии определяется зависимостью:

$$\frac{(dE/dx)_{pao}}{(dE/dx)_{uon}} \approx \frac{E_a Z_A}{1600 m_a c^2}$$

где Е выражается в МэВ, Z - средний заряд ядер вещества.

Энергия <u>электронов</u>, при которой величина удельных радиационных потерь равна величине удельных ионизационных потерь, называется критической энергией Е<sub>кр</sub>

$$E_{\kappa p} = 600/Z \text{ (M} \ni B)$$

При энергиях электрона выше критической радиационные потери преобладают над ионизационными.

Е<sub>кр</sub> зависит от вещества. Так для электронов с энергией 100 МэВ радиационные потери в железе и свинце превышают ионизационные соответственно в 3 и 10 раз.

# Пробег электронов в веществе

Экстраполированные пробеги в **г/см**<sup>2</sup> электронов с энергией **Е** (**МэВ**) в алюминии можно определить по формулам:

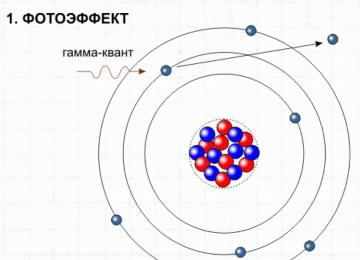
 $R_{\mathfrak{g}}(AI) = 0.407 \cdot E^{1.38}$  при 0.15 МэВ  $\leq E < 0.8$  МэВ,

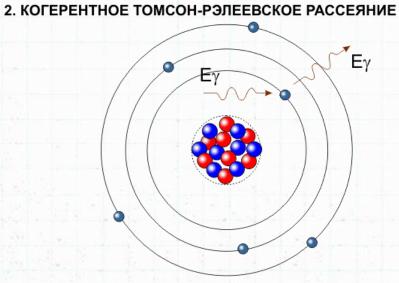
 $R_{\mathfrak{p}}(AI) = 0.542 \cdot E - 0.133$  при 0.8 МэВ  $\leq E < 3.0$  МэВ,

Экстраполированный пробег электронов в веществе **X** с зарядом **Z** и массовым числом **A** связан с пробегом в алюминии следующим образом:

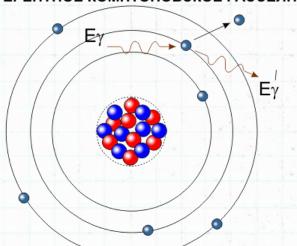
$$R_{\mathfrak{I}}^{x} = R_{\mathfrak{I}}^{Al} \frac{\left(Z/A\right)_{Al}}{\left(Z/A\right)_{x}} \quad (\varepsilon/cm^{2})$$

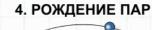
# Прохождение гамма-квантов через вещество

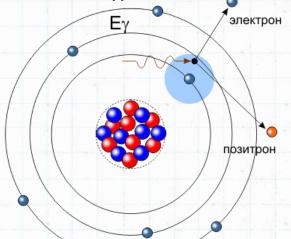




3. НЕКОГЕРЕНТНОЕ КОМПТОНОВСКОЕ РАССЕЯНИЕ







# Прохождение гамма-квантов через вещество

**ЗАКОН ПОГЛОЩЕНИЯ ГАММА-КВАНТОВ** – интенсивность параллельного монохроматического пучка после прохождения однородного слоя толщиной х

$$I(t) = I_0 \cdot e^{-\mu x}$$

**ДЛИНА СВОБОДНОГО ПРОБЕГА ГАММА-КВАНТОВ** – это величина, обратная коэффициенту ослабления в данном веществе

$$l = \frac{1}{\mu}$$

Толщина половинного ослабления

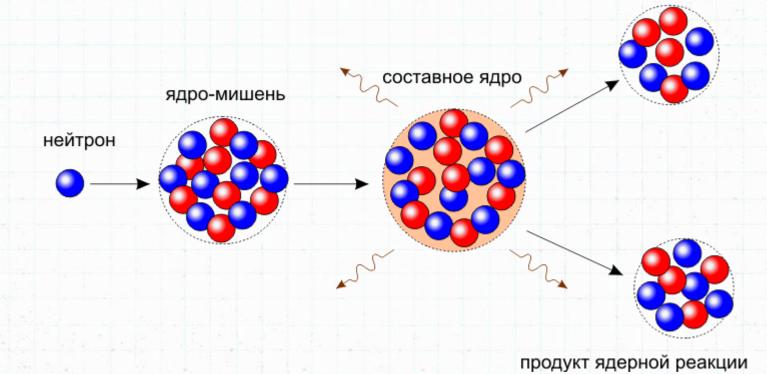
$$I_0 \cdot e^{-\mu x} = \frac{I_0}{2}$$
  $e^{-\mu x} = \frac{1}{2}$   $x_{1/2} = \frac{Ln2}{\mu} \approx \frac{0.69}{\mu}$ 

# Прохождение нейтронов через вещество

Ядерные реакции

$$n + {}_{5}^{10}B_{5} \rightarrow ({}_{5}^{11}B_{6})^{*} \rightarrow {}_{3}^{7}Li_{4} + {}_{2}^{4}He_{2}$$

продукт ядерной реакции



# СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!

